

BACCALAURÉAT GÉNÉRAL

ÉPREUVE D'ENSEIGNEMENT DE SPÉCIALITÉ

SESSION 2024

PHYSIQUE-CHIMIE

Mercredi 19 juin 2024

Durée de l'épreuve : **3 heures 30**

*L'usage de la calculatrice avec mode examen actif est autorisé.
L'usage de la calculatrice sans mémoire, « type collègue » est autorisé.*

Dès que ce sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.
Ce sujet comporte 12 pages numérotées de 1/12 à 12/12.

L'annexe page 12 est à rendre avec la copie.

Exercice 1 - Vers le bleu de thymol (9 points)

Le bleu de thymol est un indicateur coloré acido-basique de plus en plus utilisé dans les laboratoires. Suivant les recommandations de l'INRS (Institut National de Recherche et de Sécurité), il se substitue en effet à la phénolphthaléine, couramment utilisée auparavant, et qui est désormais classée CMR (Cancérigène Mutagène Reprotoxique). Comme le montre la figure 1, le bleu de thymol peut être synthétisé à partir du thymol, lui-même extrait de la plante de thym ou synthétisé à partir du *m*-crésol.

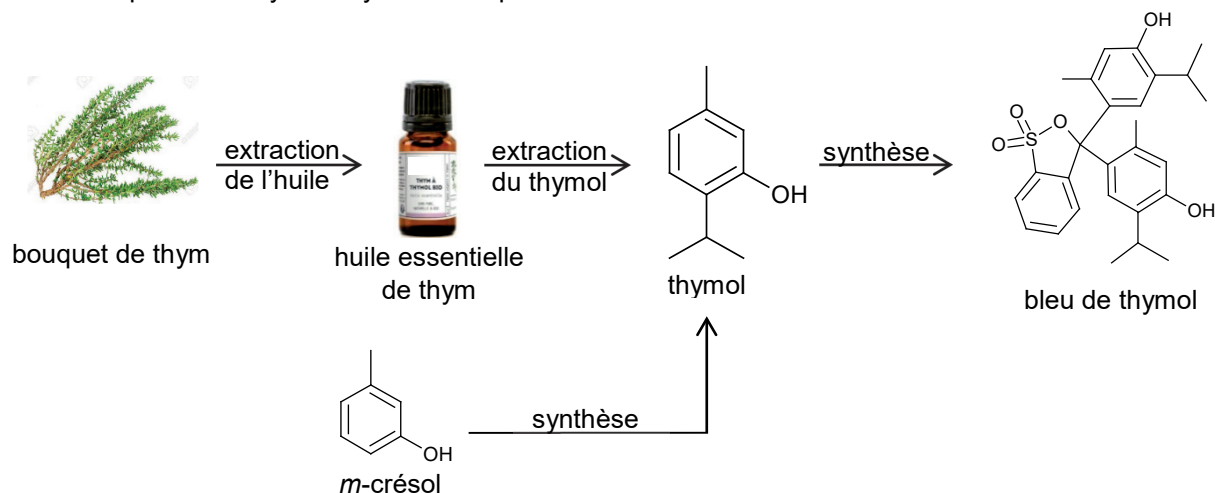


Figure 1. Modes d'obtention possibles du bleu de thymol

L'objectif de cet exercice est d'étudier deux modes d'obtention du thymol puis de s'intéresser au bleu de thymol en tant qu'alternative à la phénolphthaléine comme indicateur coloré.

1. Extractions successives

Le thym est une petite plante cultivée depuis l'antiquité dans les régions du pourtour méditerranéen. Appréciée en cuisine pour ses arômes, la plante est également utilisée pour ses vertus thérapeutiques dues au thymol, constituant principal de l'espèce de thym étudiée dans cet exercice.

Données :

- le thymol, à température ambiante, se présente sous la forme de cristaux incolores à l'odeur caractéristique ;
- la solubilité du thymol est faible dans l'eau et forte dans les solvants organiques ;
- le traitement d'un échantillon de 100 g de thym d'origine française permet d'obtenir au maximum 2 g d'huile essentielle de thym ;
- la configuration électronique de l'oxygène dans son état fondamental est : $(1s)^2(2s)^2(2p)^4$;
- l'hexane est un solvant organique de densité $d = 0,66$ et non miscible à l'eau ;
- le couple thymol / ion thymolate est noté : $R-OH / R-O^-$.

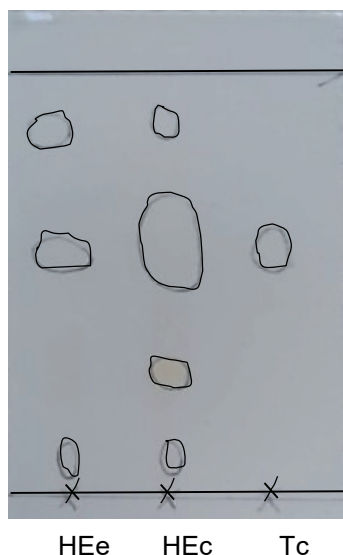
Q1. Écrire la formule semi-développée du thymol puis entourer et nommer son groupe caractéristique.

Q2. Représenter le schéma de Lewis de l'ion thymolate, noté $R-O^-$.

Du thym à l'huile essentielle de thym

L'hydrodistillation est l'une des techniques d'extraction des huiles essentielles préconisées par la législation européenne.

Suite à l'hydrodistillation d'un échantillon de thym, on réalise une chromatographie sur couche mince de l'huile essentielle obtenue, les échantillons étant solubilisés dans un solvant adapté. Le chromatogramme est représenté figure 2.



- Dépôt HEE : huile essentielle obtenue expérimentalement ;
- Dépôt HEC : huile essentielle commerciale de thym ;
- Dépôt TC : thymol du commerce

Figure 2. Chromatogramme obtenu

Q3. Justifier que l'huile essentielle obtenue expérimentalement est un mélange qui contient du thymol.

De l'huile essentielle au thymol

Un article scientifique propose le protocole d'extraction du thymol de l'huile essentielle suivant :

- ajouter 1,0 mL d'huile essentielle de thym à 5 mL de solution aqueuse d'hydroxyde de sodium ;
- après chauffage dans un four à micro-ondes, éliminer la phase huileuse puis acidifier la phase aqueuse à l'aide d'acide chlorhydrique ;
- ajouter de l'hexane, agiter, laisser décanter et récupérer la phase contenant le thymol.

Après évaporation du solvant, on obtient des cristaux dont la masse correspond à 31 % de la masse de thymol présent initialement dans l'huile essentielle.

D'après Journal of Medicinal Plants and By-products, 2021

Donnée :

- Le pourcentage massique moyen en thymol de l'huile essentielle de thym est de 53 %.

Q4. Écrire l'équation de la réaction modélisant l'action de l'acide chlorhydrique sur l'ion thymolate $R-O^-$.

Q5. En déduire la nature et la position de la phase dans laquelle se trouve le thymol à l'issue de la décantation.

Q6. Montrer que la masse de plante de thym à utiliser pour obtenir 1 g de thymol vaut près de 300 g.

2. Synthèse du thymol

Le thymol utilisé dans les produits pharmaceutiques est principalement obtenu par synthèse. Comme indiqué en figure 3, le thymol peut être industriellement synthétisé à partir de *m*-crésol et de propène en excès, en présence d'oxyde d'aluminium, qui joue ici le rôle de catalyseur. Cette transformation génère plusieurs produits secondaires et rend complexe l'obtention sélective du thymol.

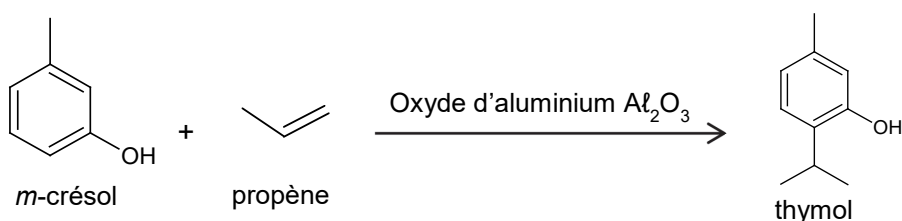


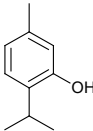
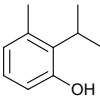
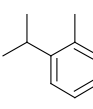
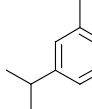
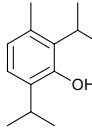


Figure 3. Exemple d'un procédé de synthèse du thymol

Données :

- masse volumique de l'eau : $1,00 \times 10^3 \text{ g} \cdot \text{L}^{-1}$;
- tableau rassemblant des propriétés physiques et chimiques de quelques molécules :

Molécule	Quelques produits secondaires						
	<i>m</i> -crésol	propène	thymol	P1	P2	P3	P4
Formule topologique							
Température d'ébullition (°C)	203	- 47,7	233	-	-	-	-
Masse molaire (g·mol ⁻¹)	108,1	42,1	150,2	-	-	-	-
Densité	1,03	-	-	-	-	-	-

Q7. Déterminer si les produits secondaires P2 et P4 de la réaction sont des isomères du thymol.

De nombreux catalyseurs ont récemment été développés dans le but, entre autres, de réduire la température de la synthèse et d'obtenir une sélectivité maximale en thymol.

Q8. Donner la définition d'un catalyseur et indiquer en quoi son utilisation peut permettre de « réduire la température de la synthèse ».

On considère que la transformation entre le *m*-crésol et le propène n'est pas totale et que l'état final de la transformation est un état d'équilibre chimique.

Q9. Expliquer l'intérêt d'introduire le propène en excès dans cette synthèse industrielle.

Une distillation fractionnée industrielle permet de purifier le thymol et de récupérer le *m*-crésol n'ayant pas réagi en vue de son recyclage.

Q10. Justifier que le thymol et le *m*-crésol peuvent *a priori* être séparés lors de la distillation fractionnée. Indiquer l'espèce que l'on récupérerait en premier.

Q11. En considérant le *m*-crésol comme réactif limitant dans la transformation, dont le rendement est de 73 %, vérifier que le volume de *m*-crésol nécessaire pour synthétiser 1,0 g de thymol par le procédé de la figure 3 est inférieur à 1 mL.

3. Le bleu de thymol

La phénolphtaléine est un indicateur coloré acide-base adapté pour les titrages d'acide faible. L'objectif de cette partie est de montrer qu'il en est de même pour le bleu de thymol.

Données :

- phénolphthaléine : indicateur coloré acide-base passant de l'incolore au rose dans la zone de virage expérimentale de pH [8,2 – 9,9] ;
- bleu de thymol : indicateur coloré acide-base ayant trois formes participant à deux couples acide-base d'écriture simplifiée $\text{BTH}_2(\text{aq}) / \text{BTH}^-(\text{aq})$ et $\text{BTH}^-(\text{aq}) / \text{BT}^{2-}(\text{aq})$;
- pour discuter de l'accord du résultat d'une mesure avec une valeur de référence, on peut utiliser le quotient $\frac{|x - x_{\text{ref}}|}{u(x)}$ avec x la valeur mesurée, x_{ref} la valeur de référence et $u(x)$ l'incertitude-type associée à la valeur mesurée x .

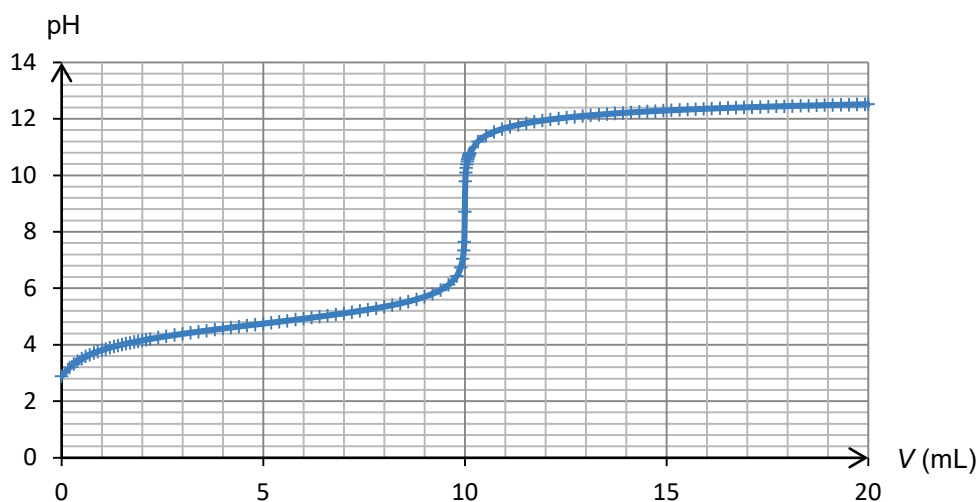


Figure 4. Simulation du titrage de 10,0 mL d'une solution d'un acide faible (acide éthanoïque) de concentration $0,100 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ par une solution de base forte (hydroxyde de sodium) de concentration $0,100 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$

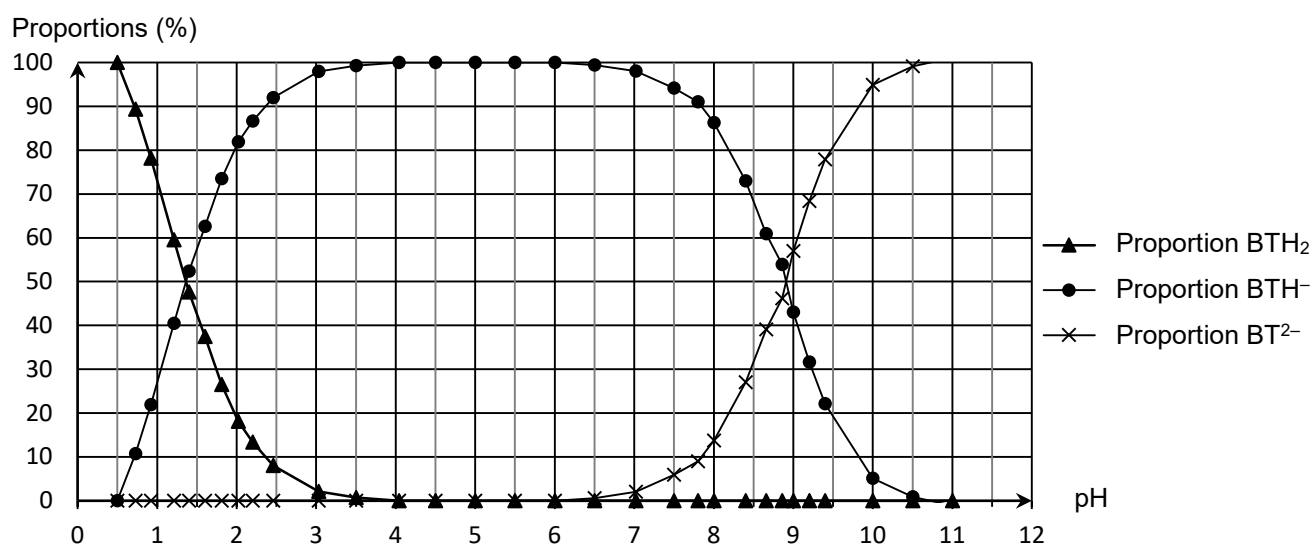


Figure 5. Diagramme de distribution des espèces du bleu de thymol (d'après BUP, mai 2019)

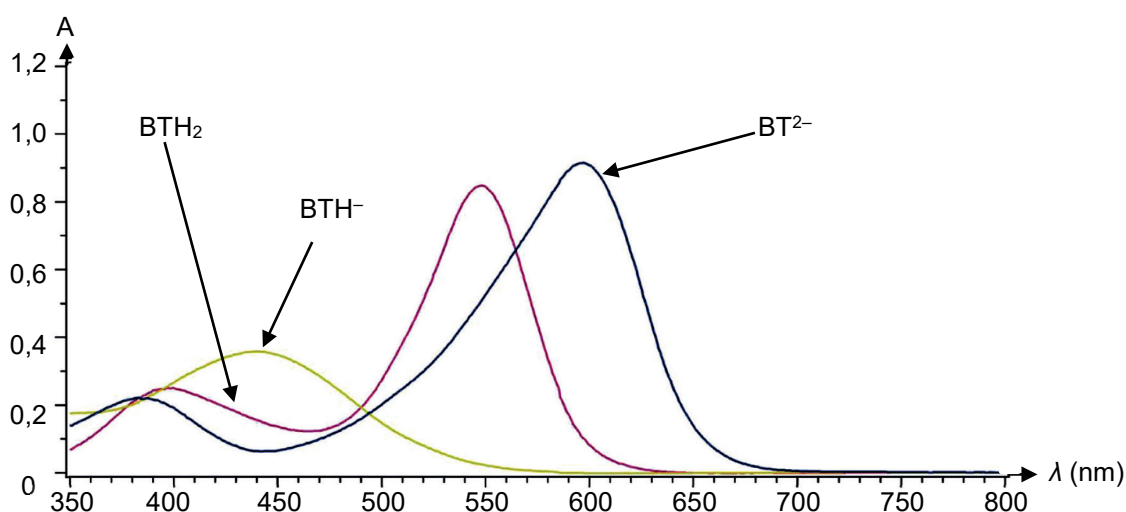


Figure 6. Spectre d'absorption UV-visible des trois formes acide-base du bleu de thymol (d'après BUP, mai 2019)

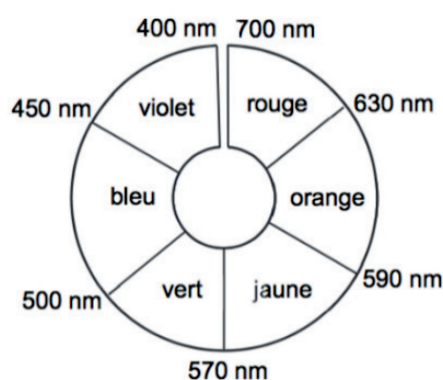


Figure 7. Cercle chromatique.

Q12. Parmi les espèces participant aux couples acide-base du bleu de thymol, identifier la forme amphotère.

Q13. Exprimer la constante d'acidité K_A d'un couple acide-base noté HA / A^- en fonction des concentrations des espèces associées à l'équilibre.

Q14. À l'aide de l'ensemble des informations proposées, déterminer la valeur du pK_A du couple $BTH^-(aq) / BT^{2-}(aq)$ du bleu de thymol. Justifier que celui-ci puisse remplacer la phénolphthaléine dans nos laboratoires, en précisant le changement de couleur observé lors du titrage d'un acide faible par une base forte.

Le candidat est invité à prendre des initiatives et à présenter sa démarche même si elle n'a pas abouti. La démarche suivie est évaluée et nécessite donc d'être correctement présentée.

Q15. La valeur tabulée du pK_A à 25°C du couple acide-base $BTH^-(aq) / BT^{2-}(aq)$ est de 8,9. Indiquer si la valeur expérimentale obtenue est en accord avec celle-ci. L'incertitude-type associée au pK_A déterminé par cette méthode est estimée à $u(pK_A) = 0,2$.

Exercice 2 - Observation d'un avion en vol (5 points)

Le trafic aérien est source de fascination pour beaucoup de gens. Notre observation se limite souvent à la traînée de l'avion dans le ciel ou, plus récemment, à un suivi en direct (trajectoire, vitesse, altitude) grâce à des applications en ligne.

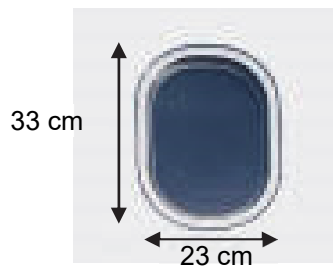
L'objectif de cet exercice est d'étudier l'observation, avec une lunette astronomique afocale commerciale, de certains détails de la structure d'un avion de type A312 en vol, puis de déterminer la vitesse de cet avion en phase d'atterrissage grâce à un enregistrement du son émis par le moteur.

Données :

- les valeurs du grossissement G de la lunette astronomique utilisée sont comprises entre 16 et 48 ;
- un observateur peut distinguer deux points différents A et B d'un objet si l'angle α sous lequel ces deux points sont vus depuis le point d'observation (voir figure ci-dessous) est supérieur ou égal à $3,0 \times 10^{-4}$ rad ;



- approximation dans le cas des petits angles ($\alpha \ll 1$ rad) : $\tan(\alpha) = \alpha$;
- quelques données concernant un avion A312 :
 - longueur de l'avion : $L = 44,5$ m ;
 - altitude de vol de croisière de l'avion : $h = 10,4$ km ;
 - vitesse de vol de croisière de l'avion : $v_c = 863$ km·h⁻¹ ;
 - hublot de l'avion A312 :



1. Observation d'un avion A312 avec une lunette astronomique

Q1. Donner la définition d'une lunette afocale.

Q2. Sur le schéma **EN ANNEXE À RENDRE AVEC LA COPIE**, placer le foyer objet F_2 puis le foyer image F'_2 de l'oculaire de la lunette astronomique.

L'avion vole à la verticale de l'observateur et se trouve donc à la distance h de celui-ci.

Sur le schéma **EN ANNEXE À RENDRE AVEC LA COPIE**, les extrémités avant et arrière de l'avion observé sont respectivement modélisées par les points A_∞ et B_∞ , situés à une très grande distance de l'observateur.

Q3. Construire, sur le schéma **EN ANNEXE À RENDRE AVEC LA COPIE**, la marche des deux rayons lumineux issus de B_∞ qui émergent de la lunette, en faisant apparaître l'image intermédiaire A_1B_1 .

L'angle α désigne l'angle sous lequel l'avion est observé à l'œil nu. L'angle sous lequel l'avion est observé au travers de l'oculaire de la lunette astronomique est nommé α' .

Q4. Vérifier à l'aide d'un calcul que l'on peut distinguer, à l'œil nu, l'avant de l'avion de sa queue.

Q5. Après avoir placé les angles α et α' sur le schéma **EN ANNEXE À RENDRE AVEC LA COPIE**, rappeler l'expression du grossissement G d'une lunette astronomique en fonction des angles α et α' .

Q6. Déterminer si on peut distinguer l'un de l'autre les deux bords verticaux d'un hublot de l'avion, à l'aide de la lunette astronomique étudiée.

2. Détermination de la vitesse d'un avion A312 en phase d'atterrissage

Au voisinage de l'aéroport, un observateur enregistre le son du moteur de l'avion passant au-dessus de lui lors de sa phase d'atterrissage. L'observateur est supposé fixe lors de l'enregistrement du son.

L'analyse du signal sonore enregistré permet de déterminer les fréquences des signaux reçus par l'observateur. Lorsque l'avion s'avance en direction de l'observateur la fréquence mesurée est $f_A = 2,2$ kHz, et lorsqu'il s'éloigne la fréquence est $f_E = 1,5$ kHz.

Q7. Donner le nom du phénomène mis en jeu dans cette expérience.

On note f_0 la fréquence du signal émis par la source immobile, c la vitesse du son dans l'air dans les conditions de l'expérience et v la vitesse de l'avion par rapport au sol. On donne $c = 345 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$.

Q8. Parmi les propositions A, B, C et D suivantes, choisir et recopier sur la copie la proposition correcte. Expliquer pourquoi les autres propositions sont à écarter.

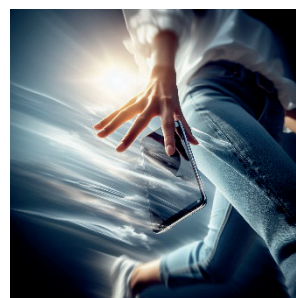
A	B	C	D
$f_A = \frac{c}{c - v}$	$f_A = f_0 \cdot \frac{c}{c - v}$	$f_A = f_0 \cdot \frac{c}{c + v}$	$f_A = f_0 \cdot \frac{c}{c - 2v}$
$f_E = \frac{c}{c + v}$	$f_E = f_0 \cdot \frac{c}{c + v}$	$f_E = f_0 \cdot \frac{c}{c - v}$	$f_E = f_0 \cdot \frac{c}{c + v}$

Q9. Déterminer la vitesse v de l'avion, exprimée en $\text{km}\cdot\text{h}^{-1}$, lors de cet atterrissage. Commenter.

Le candidat est invité à prendre des initiatives et à présenter la démarche suivie, même si elle n'a pas abouti. La démarche est évaluée et nécessite d'être correctement présentée.

Exercice 3 - Accéléromètre d'un mobile multifonction (6 points)

Les mobiles multifonctions, souvent appelés smartphones, sont équipés de plusieurs capteurs leur permettant d'être utilisés comme des instruments de mesure. Par exemple, la plupart des smartphones disposent d'un accéléromètre, capteur qui permet de mesurer l'accélération à laquelle le téléphone est soumis.



L'objectif de cet exercice est d'établir un modèle de la force de frottement s'exerçant sur un smartphone chutant dans l'air, à l'aide des mesures d'accélération fournies par l'accéléromètre embarqué.

Données :

- masse du smartphone utilisé : $m = 182 \text{ g}$;
- intensité de la pesanteur terrestre : $g = 9,81 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$;
- dans tout l'exercice, on ne tient pas compte de la poussée d'Archimède exercée par l'air sur le smartphone.

Le mouvement du centre de masse G du smartphone est étudié dans le référentiel terrestre supposé galiléen, muni d'un repère d'espace d'axe (Oz), vertical, orienté vers le haut et de vecteur unitaire \vec{k} (voir figure 1). À la date $t = 0$, le smartphone est lâché à plat, avec une vitesse initiale nulle. Son centre de masse G se trouve alors au point H de coordonnée $z = h$. Il est réceptionné quelques instants plus tard sur un coussin posé au sol. Lorsque le smartphone est en contact avec le coussin, son centre de masse est à l'altitude $z = 0$.

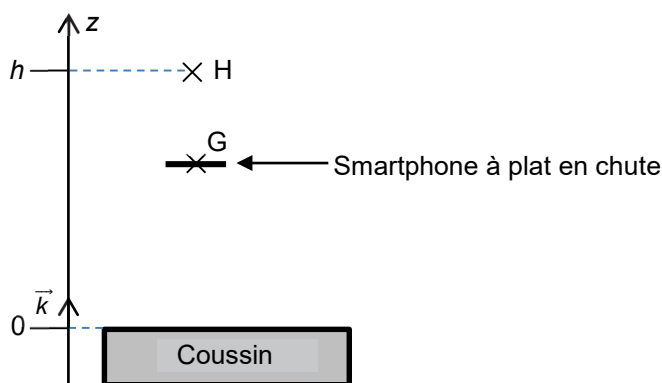


Figure 1. Modélisation de la chute du smartphone

1. Modèle de la chute libre sans frottement

On fait tout d'abord l'hypothèse que le smartphone est en mouvement de chute libre verticale. On ne tient donc pas compte des forces de frottement exercées par l'air sur le smartphone en mouvement.

Q1. Dans ce modèle, faire un bilan des forces appliquées au système {smartphone}. En déduire l'expression de la coordonnée a_z de l'accélération du centre de masse G du système.

Q2. Établir l'expression de la coordonnée $v_z(t)$ de la vitesse du centre de masse G du système puis montrer que l'équation horaire de l'altitude $z(t)$ du centre de masse G a pour expression :

$$z(t) = -\frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2 + h$$

On choisit l'origine de l'énergie potentielle de pesanteur $E_{PP}(z)$ au niveau de l'origine de l'axe (Oz) : $E_{PP}(z = 0) = 0$.

Q3. Justifier que l'énergie mécanique E_M du smartphone est constante et qu'elle a pour expression : $E_M = m \cdot g \cdot h$.

2. Étude expérimentale de la chute du smartphone

Pour confronter le modèle de chute libre sans frottement à l'expérience, on lâche à la date $t = 0$ un téléphone équipé d'un accéléromètre, avec une vitesse initiale nulle depuis la hauteur $h = 1,70$ m. La figure 2 est obtenue à partir des valeurs de l'accélération enregistrées par le capteur entre le lâcher du téléphone et la date $t = 0,47$ s.

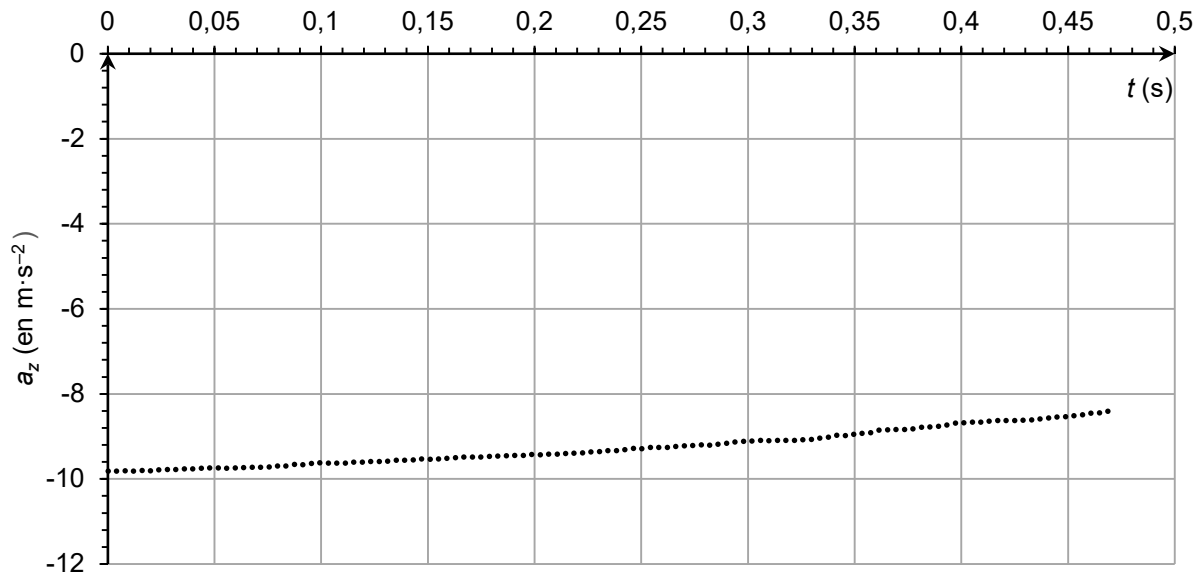


Figure 2. Accélération verticale a_z du smartphone en fonction du temps t

Q4. Indiquer, en justifiant, si l'évolution temporelle de la valeur de la composante a_z de l'accélération obtenue expérimentalement est compatible avec le modèle de chute libre sans frottement.

Le traitement des données acquises permet de tracer l'évolution temporelle de trois formes d'énergies du smartphone : énergie potentielle de pesanteur $E_{PP}(t)$, énergie cinétique $E_C(t)$ et énergie mécanique $E_M(t)$, comme représenté sur la figure 3.

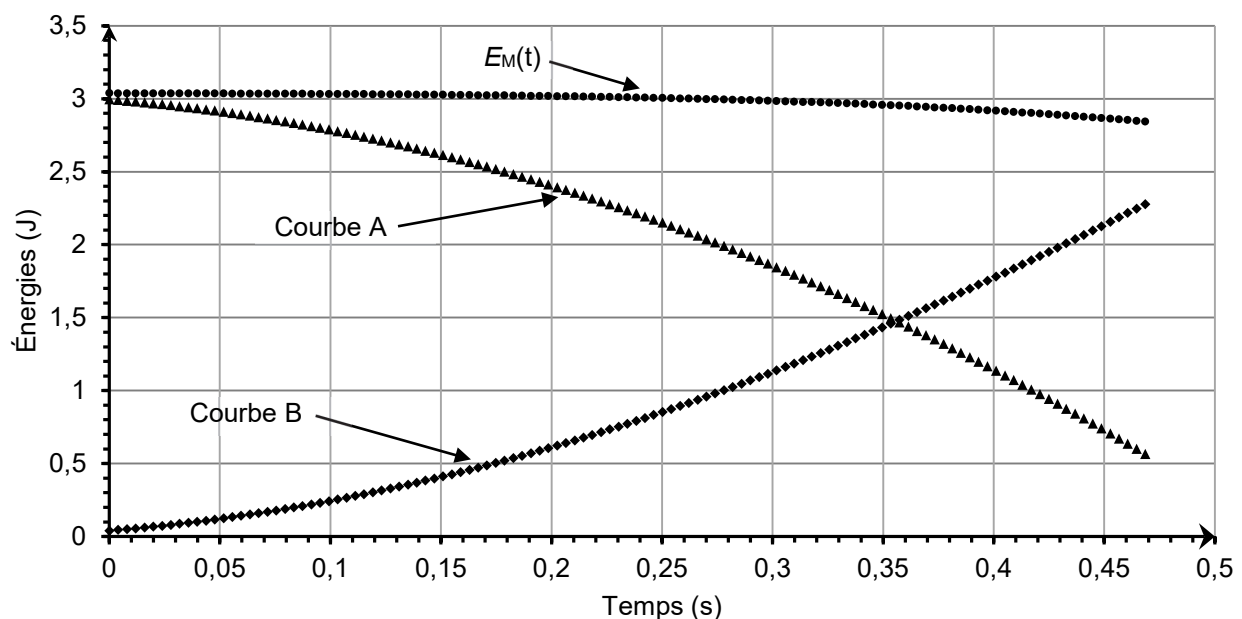


Figure 3. Représentations graphiques de $E_{PP}(t)$, $E_C(t)$ et $E_M(t)$ lors de la chute du smartphone

Q5. Associer, en justifiant, chaque courbe d'évolution temporelle A et B de la figure 3 à la forme d'énergie correspondante.

Q6. Montrer, à partir de la figure 3, que la vitesse du smartphone est proche de $5 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$ à la date $t = 0,45 \text{ s}$.

Les actions de frottement de l'air sur le smartphone sont représentées par une force \vec{f} verticale et dirigée vers le haut. Cette force est nulle lorsque la vitesse du smartphone est nulle.

Q7. En appliquant la deuxième loi de Newton au système {smartphone}, montrer que la coordonnée verticale de la force de frottement vérifie :

$$f = m \cdot (a_z + g)$$

Les données expérimentales permettent de représenter les variations de la composante verticale de l'accélération a_z du smartphone en fonction du carré v^2 de sa vitesse. Les résultats sont représentés sur la figure 4. Les données expérimentales sont correctement représentées par une modélisation affine :

$$a_z = 0,0555 \times v^2 - 9,80 \quad \text{où } a_z \text{ est exprimée en } \text{m}\cdot\text{s}^{-2} \text{ et } v \text{ en } \text{m}\cdot\text{s}^{-1}$$

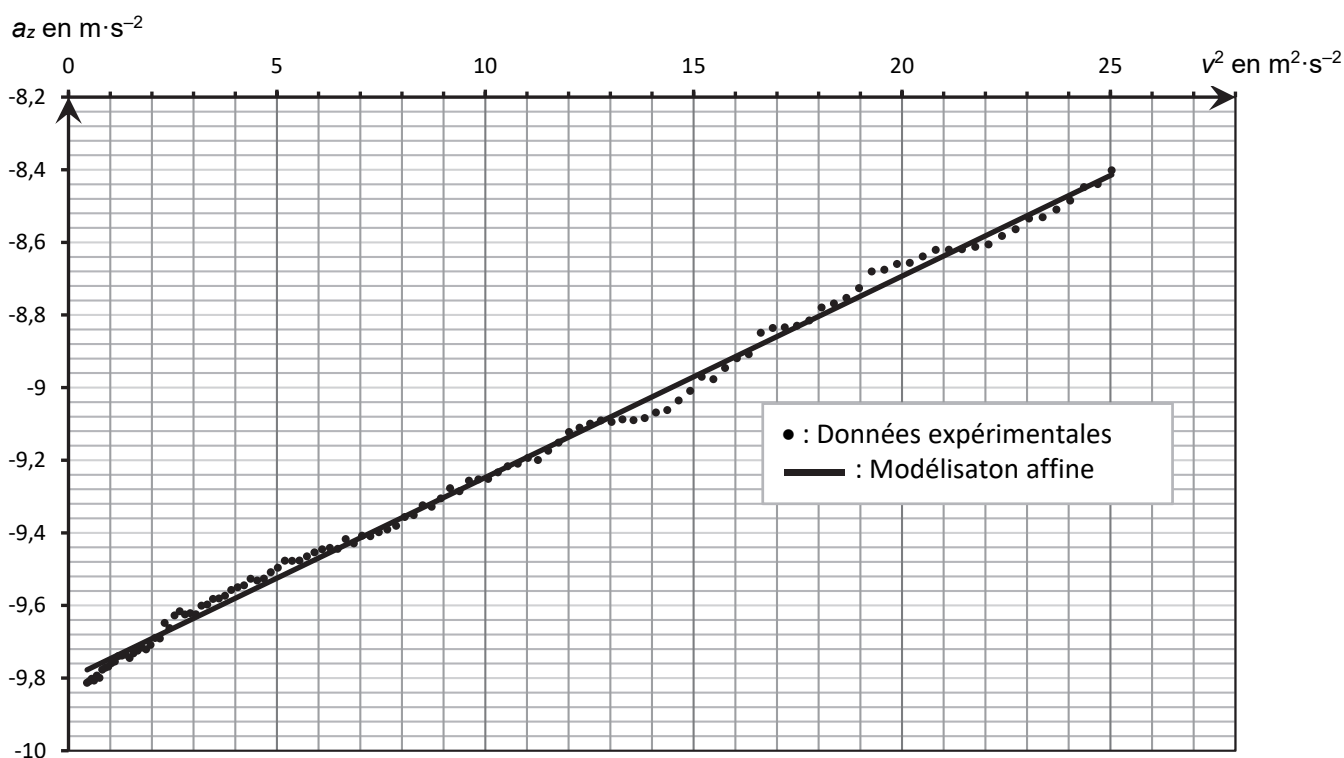


Figure 4. Modélisation de la représentation de a_z en fonction de v^2

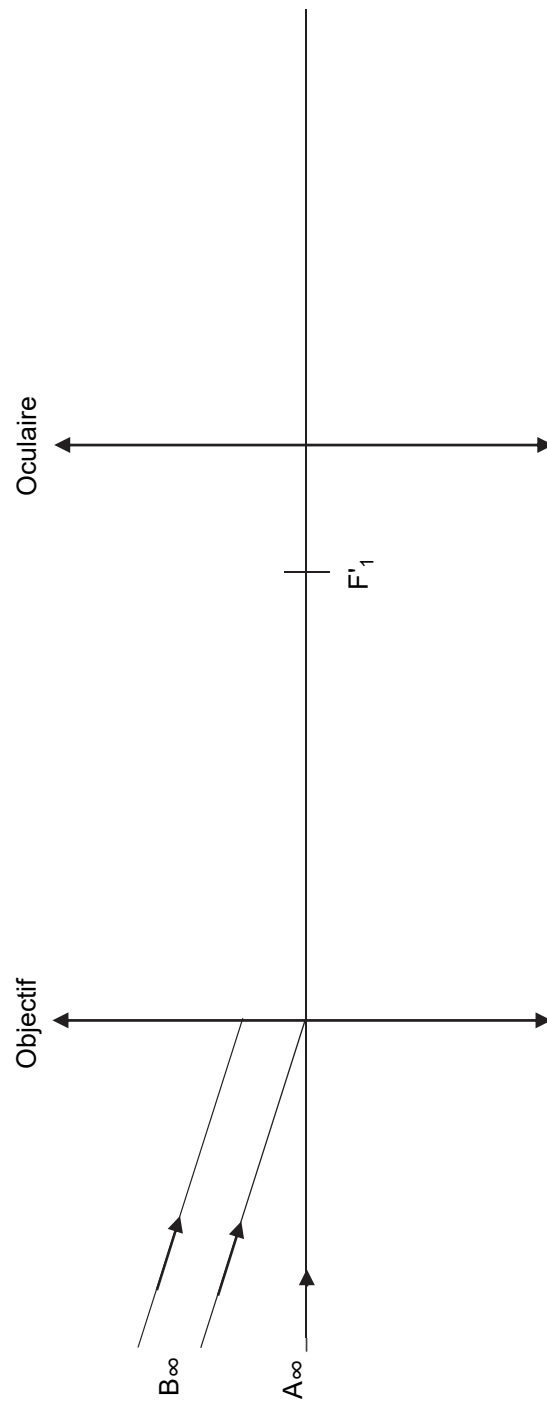
Q8. Déterminer la valeur expérimentale de l'intensité de la pesanteur g que l'on peut déduire de cette expérience.

Q9. Montrer que l'on peut déduire de ces résultats que la force de frottement exercée par l'air peut s'écrire $f = k \cdot v^2$ où k est un coefficient dont on donnera la valeur et l'unité.

Q10. Calculer la valeur f de la force de frottement en fin de chute. Comparer cette valeur à celle du poids du smartphone et commenter.

Page blanche laissée intentionnellement.
Ne rien inscrire dessus.

ANNEXE À RENDRE AVEC LA COPIE



Baccalauréat Général

Session 2024 – Métropole

Épreuve de Physique-Chimie

Sujet de spécialité n° 1



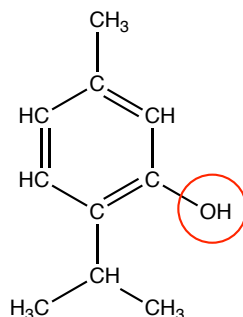
Proposition de corrigé

Ce corrigé est composé de 9 pages.

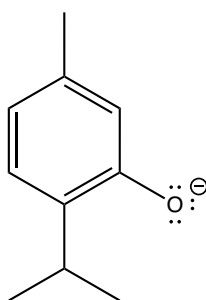
Exercice 1 — Vers le bleu de thymol

1. Extractions successives

Q1. On représente le thymol en entourant son **groupe hydroxyle** :

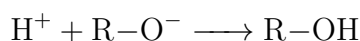


Q2. On en déduit le schéma de Lewis de l'ion thymolate :



Q3. On nous donne le chromatogramme suite à la migration de deux huiles essentielles de thym, et d'une solution de thymol. On remarque très clairement une tache commune aux trois espèces, qui indique bien la présence de thymol dans l'huile essentielle de thym.

Q4. L'acide chlorhydrique va réagir avec le thymolate qui est une base :



Q5. Le thymol n'est pas soluble dans l'eau, il se trouvera donc dans la phase organique, solubilisé dans l'hexane. L'hexane ayant une densité inférieure à l'eau, la phase organique se trouvera **au-dessus** dans l'ampoule à décanter.

Q6. On cherche la masse de thym à utiliser pour obtenir un gramme de thymol. On sait entre autres que :

- On obtient au mieux 2 grammes d'huile essentielle pour 100 grammes de thym, ce qui correspond à un rendement de $2/100 = 2\%$;
- l'huile essentielle de thym contient au mieux 53% de thymol en masse ;
- sur cette quantité, seuls 31 % peuvent être gardés après traitement.

Cela signifie donc un rendement total de $r = 0,02 \times 0,53 \times 0,31 = 3,3 \times 10^{-3} = 0,33\%$. Pour obtenir un gramme de thymol, il faut donc :

$$m = \frac{1}{3,3 \times 10^{-3}} = \underline{303 \text{ g} \approx 300 \text{ g}}$$

2. Synthèse du thymol

Q7. Les composés P1, P2 et P3 ont la même formule brute que le thymol, et sont donc bien des isomères de ce dernier. Au contraire, le produit P4 a davantage d'atomes et n'est donc pas un isomère du thymol.

- Q8.** Le catalyseur a pour rôle de faciliter la réaction, en réduisant la barrière énergétique à franchir. Moins d'énergie à apporter peut donc très logiquement signifier moins d'énergie thermique apportée en chauffant.
- Q9.** Si un équilibre se forme, le fait d'introduire un excès en réactif permettra de déplacer l'équilibre dans le sens de la formation de produit (en modifiant la valeur de la constante d'équilibre).
- Q10.** Les deux espèces à séparer ont des températures d'ébullition suffisamment éloignées pour permettre une purification par distillation fractionnée¹. L'espèce à sortir dans les têtes de colonne serait donc le *m*-crésol, présentant la température d'ébullition la plus basse.
- Q11.** La réaction étudiée permet de synthétiser une molécule de thymol par molécule de crésol. Il vient donc, en considérant le rendement :

$$n_t = 0,73n_c \implies n_c = \frac{n_t}{0,73}$$

Ou, en masse :

$$\frac{m_c}{M_c} = \frac{m_t}{0,73M_t} \implies m_c = \frac{m_t M_c}{0,73M_t}$$

Et il vient alors, en volume de crésol :

$$d_c V_c = \frac{m_t M_c}{0,73M_t} \implies \boxed{V_c = \frac{m_t M_c}{0,73M_t d_c}}$$

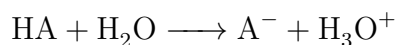
D'où,

$$V_c = \frac{1,0 \times 108,1}{0,73 \times 150,2 \times 1,03} = 0,96 \text{ mL} < 1 \text{ mL}$$

Il faut donc bien un volume inférieur à 1 mL de crésol pour produire un gramme de thymol, ce qui explique l'intérêt porté à cette voie de synthèse.

3. Le bleu de thymol

- Q12.** L'ampholyte² parmi les espèces conjuguées du bleu de thymol, donc l'espèce étant à la fois un acide et une base, est la forme BTH^- .
- Q13.** La constante d'acidité d'un couple acide-base est définie comme étant la constante d'équilibre de l'acide sur l'eau :



Il vient donc logiquement (en considérant $C^\circ = 1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$) :

$$\boxed{K_A = \frac{[\text{A}^-][\text{H}_3\text{O}^+]}{[\text{AH}]}}$$

- Q14.** Par lecture graphique sur le diagramme de distribution, on a $\text{p}K_{\text{aBTH}^-/\text{BT}^{2-}} = 9$.

Cette valeur étant proche du pH à l'équivalence lors du titrage nous étant présenté, on comprend donc bien que ce couple présentant une zone de virage dans ces plages de valeurs sera particulièrement adapté pour repérer l'équivalence. On observera alors un passage du jaune au bleu.

1. dans le pire des cas, on pourra s'assurer de la bonne séparation en prenant une colonne de vigreux un peu plus longue

2. Pour la culture : nom = ampholyte, adjectif = amphotère.

Q15. On a trouvé expérimentalement un pKa à 9. On a alors le z-score sur cette mesure par rapport à la grandeur tabulée :

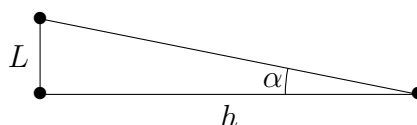
$$Z = \frac{|9 - 8,9|}{0,2} = 0,5$$

La valeur mesurée ne s'écarte de la valeur tabulée que d'une demi-incertitude, la mesure expérimentale est donc particulièrement précise.

Exercice 2 — Observation d'un avion en vol

1. Observation d'un avion A312 avec une lunette astronomique

- Q1.** Une lunette afocale a la particularité de conserver le parallélisme des rayons entre l'entrée et la sortie.
- Q2.** On place sur le schéma (page 9) les foyers objet et image de la lunette.
- Q3.** On construit sur ce même schéma la marche des rayons lumineux issus de B_∞ en faisant apparaître l'image intermédiaire.
- Q4.** On souhaite savoir si la queue et la tête de l'avion pourront être distinguées à l'œil nu. Ces deux points étant distants de $L = 44,5$ m, et l'avion à une distance $h = 10,4 \times 10^3$ m de l'observateur, on se trouve dans la situation suivante :



Il vient alors :

$$\boxed{\alpha \sim \tan \alpha = \frac{L}{h}} = \frac{44,5}{10,4 \times 10^3} = 4,3 \times 10^{-3} \text{ rad} > 3,0 \times 10^{-4} \text{ rad}$$

La queue de l'avion peut donc bien être distinguée de sa tête à l'œil nu.

- Q5.** On place les angles α et α' sur la figure (page 9), et il vient le grossissement :

$$\boxed{G = \frac{\alpha'}{\alpha}}$$

- Q6.** On souhaite savoir s'il est possible de distinguer les extrémités verticales du hublot grâce à la lunette. Ces dernières, à l'œil nu, présentent l'ouverture angulaire :

$$\alpha_H = \frac{33 \times 10^{-2}}{10,4 \times 10^3} = 3,17 \times 10^{-5} \text{ rad}$$

Et il sera possible de l'observer, en utilisant le grossissement le plus important atteignable avec la lunette :

$$\boxed{\alpha'_H = G\alpha_H} = 48 \times 3,17 \times 10^{-5} = 1,5 \times 10^{-3} \text{ rad} > 3,0 \times 10^{-4} \text{ rad}$$

Il sera donc bien possible, grâce à la lunette, de distinguer les deux extrémités verticales du hublot de l'avion.

2. Détermination de la vitesse d'un A312 en phase d'atterrissage

- Q7.** L'observateur fixe observe un décalage en fréquence entre l'émission et la réception, du fait du mouvement de l'avion : il s'agit d'une démonstration de l'effet Doppler³.
- Q8.** On cherche le bon couple d'expressions pour la fréquence reçue. On cherche celles qui :
- traduisent une modification de la fréquence émise ;
 - permettent $f_A > f_0$ lorsque l'avion se rapproche, et $f_E < f_0$ lorsque l'avion s'éloigne⁴.

3. plus rarement appelé effet Doppler-Fizeau, du nom du Français Hippolyte Fizeau dont le nom est inscrit sur la Tour Eiffel.

4. on peut faire un dessin pour s'en convaincre, le son est plus aigu à l'approche et plus grave à l'éloignement

Comme $c > v$, alors $c - v < c + v \implies 1/(c - v) > 1/(c + v)$, la proposition correcte est donc la proposition B.

Q9. Lors de l'atterrissage, on a donc le rapport :

$$\begin{aligned}
 \frac{f_A}{f_E} &= \frac{f_0 \frac{c}{c-v}}{f_0 \frac{c}{c+v}} = \frac{\frac{c}{c-v}}{\frac{c}{c+v}} = \frac{c}{c-v} \times \frac{c+v}{c} = \frac{c+v}{c-v} \implies (c-v) \frac{f_A}{f_E} = c+v \\
 &\implies c \frac{f_A}{f_E} - v \frac{f_A}{f_E} = c+v \\
 &\implies c \left(\frac{f_A}{f_E} - 1 \right) = v \left(1 + \frac{f_A}{f_E} \right) \\
 &\implies c \frac{f_A - f_E}{f_E} = v \frac{f_A + f_E}{f_E} \\
 &\implies \boxed{v = c \frac{f_A - f_E}{f_A + f_E}}
 \end{aligned}$$

D'où,

$$v = 340 \times \frac{2,2 - 1,5}{2,2 + 1,5} = \underline{64,3 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}} = \underline{231,5 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}}$$

Exercice 3 — Accéléromètre d'un mobile multifonctions

1. Modèle de la chute libre sans frottements

Q1. Dans le modèle considéré, donc en négligeant les frottements, la seule force s'exerçant sur le smartphone est son poids. Il vient alors, en appliquant la loi de quantité de mouvement au smartphone de masse m constante assimilé à son centre de masse, dans le référentiel du laboratoire supposé galiléen :

$$m\vec{a} = m\vec{g} \quad (1)$$

Et en projetant sur l'axe vertical :

$$ma_z = -mg \implies \boxed{a_z = -g} \quad (2)$$

Q2. On intègre cette expression dans le temps, avec la condition initiale $v_0 = 0 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$, et on obtient :

$$\boxed{v_z(t) = -gt} \quad (3)$$

Et en intégrant une seconde fois, en prenant en compte l'altitude initiale $z(t=0) = h$, on a bien :

$$\boxed{z(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + h} \quad (4)$$

Q3. La seule force s'exerçant sur le système lors de son mouvement étant son poids, qui est une force conservative, le théorème de l'énergie mécanique appliqué lors de la chute traduit bien la conservation de cette dernière :

$$\Delta\mathcal{E}_M = 0 \implies \mathcal{E}_{M,0} = \mathcal{E}_{M,f}$$

Et comme la vitesse avant la chute est nulle, on a bien :

$$\boxed{\mathcal{E}_{M,0} = \mathcal{E}_{pp,0} = mgh}$$

2. Étude expérimentale de la chute du smartphone

Q4. On a établi, par (2), que l'accélération est constante au cours de la chute libre sans frottements. Or, la mesure expérimentale traduit une variation de l'accélération a_z dans le temps, ce qui est (même si elle est faible) incompatible avec le modèle de la chute libre sans frottements.

Q5. Au cours de la chute, l'altitude diminue tandis que la vitesse augmente. L'énergie cinétique, croissante, correspond donc à la courbe B, tandis que l'énergie potentielle de pesanteur, décroissante, correspond à la courbe A.

Q6. À $t = 0,45 \text{ s}$, on lit graphiquement $\mathcal{E}_C(t = 0,45) = 2,2 \text{ J}$. Or, on a :

$$\mathcal{E}_C = \frac{1}{2}mv^2 \implies \boxed{v = \sqrt{\frac{2\mathcal{E}_C}{m}}}$$

D'où,

$$v(t = 0,45 \text{ s}) = \sqrt{\frac{2 \times 2,2}{182 \times 10^{-3}}} = \underline{4,9 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}} \approx 5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

Q7. On reprend (1) en considérant la force de frottement :

$$m\vec{a} = m\vec{g} + \vec{f}$$

Et en considérant $\vec{f} = f\vec{u}_z$, il vient :

$$ma_z = -mg + f \implies f = ma_z + mg \implies \boxed{f = m(a_z + g)} \quad (5)$$

Q8. On a mené une étude expérimentale de l'accélération du smartphone. On sait qu'à l'instant initial ($v = 0$), l'accélération sera uniquement égale à l'intensité du champ de pesanteur terrestre. Il suffit donc de lire l'ordonnée à l'origine de la courbe $a_z = f(v^2)$.

On a donc, si on croit le modèle affine, $g = 9,80 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$.

Q9. En injectant le modèle affine de l'accélération ($a_z = Kv^2 - g$) dans (5), il vient :

$$f = m(Kv^2 - g + g) = m(Kv^2) = kv^2$$

La force de frottement peut donc bien s'écrire linéairement à v^2 , avec $k = 0,0555m = 0,0555 \times 182 \times 10^{-3} = \underline{1,01 \times 10^{-2} \text{ kg} \cdot \text{m}^{-1}}$ coefficient de frottement.

Q10. On suppose $v_{z,f} = v_z(t = 0,47) = v_z(t = 0,45)$. Il vient donc en fin de chute :

$$f_f = 1,01 \times 10^{-2} \times 5^2 = \underline{0,25 \text{ N}}$$

Et le poids du smartphone a pour valeur $mg = 182 \times 10^{-3} \times 9,80 = 1,78 \text{ N}$. La force de frottement est plus faible que le poids du smartphone en fin de chute, mais elle n'est pas négligeable.

* *

*

Annexe : schéma d'optique pour l'exercice 2

